

1

次の問いに答えましょう。

(1) $x = 2 + \sqrt{3}$, $y = 2 - \sqrt{3}$ のとき、 $x^2 - y^2$ の値を求めましょう。

$$x + y = (2 + \sqrt{3}) + (2 - \sqrt{3}) = 4$$

$$x - y = (2 + \sqrt{3}) - (2 - \sqrt{3}) = 2\sqrt{3}$$

したがって

$$\begin{aligned} x^2 - y^2 &= (x + y)(x - y) \\ &= 4 \times 2\sqrt{3} \end{aligned}$$

和と差の積の乗法公式を利用して、式を因数分解してから代入します。

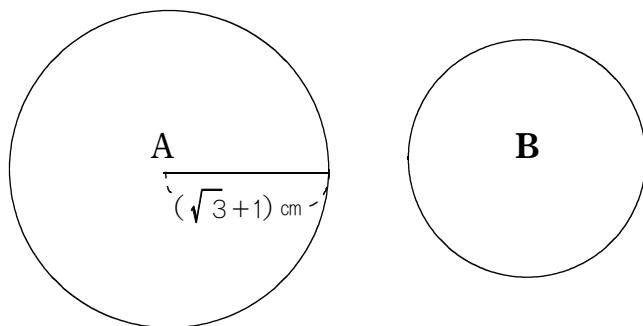
$$= 8\sqrt{3}$$

$8\sqrt{3}$

(2) 大きさの異なる2つの円A、Bがあります。

Aの半径は $(\sqrt{3} + 1)$ cmで、Bの半径はAより2cm短くなっています。このとき、Aの面積はBの面積よりも何cm²大きいですか。

ただし、円周率はπとします。



円Aの半径を x cm、円Bの半径を y cmとすると

$$\begin{aligned} x &= \sqrt{3} + 1 \\ y &= \sqrt{3} - 1 \end{aligned}$$

と表される。

円Aと円Bの面積の差は

$$\begin{aligned} \pi x^2 - \pi y^2 &= \pi(x + y)(x - y) \\ &= 2\sqrt{3} \times 2 \times \pi \\ &= 4\sqrt{3}\pi \end{aligned}$$

$4\sqrt{3}\pi$ cm²

※次のページにも、問題があります。

2

次の問いに答えましょう。

- (1) 連続する3つの自然数のうち、中央の自然数を n とするとき、その連続する3つの自然数をそれぞれ n を用いた式で表しましょう。

具体的に「連続する3つの自然数」を書き出し、3つの数の関係を考えてみましょう。

連続する3つの自然数のうち、中央の数を n とすると、 n よりも小さい自然数は $n - 1$ 、大きい自然数は $n + 1$ となります。

$$n - 1, n, n + 1$$

- (2) 連続する3つの自然数について、もっとも小さい数ともっとも大きい数の積に1をたした数は、中央の数の2乗になります。下の空欄に式をかき、証明を完成させましょう。

<証明> 連続する3つの自然数は、自然数 n を使って、

$$n, n + 1, n + 2$$

と表される。このとき、もっとも小さい数ともっとも大きい数の積に1をたした数は、

$$\begin{aligned} & n \times (n + 2) + 1 \\ &= n^2 + 2n + 1 \\ &= (n + 1)^2 \end{aligned}$$

n は自然数であるから、もっとも小さい数ともっとも大きい数の積に1をたした数は、中央の数の2乗になる。

4問中