

1

次の問いに答えましょう。

(1) $x = 2 + \sqrt{3}$ 、 $y = 2 - \sqrt{3}$ のとき、 $x^2 - y^2$ の値を求めましょう。

$$x + y = (2 + \sqrt{3}) + (2 - \sqrt{3}) = 4$$

$$x - y = (2 + \sqrt{3}) - (2 - \sqrt{3}) = 2\sqrt{3}$$

したがって

$$x^2 - y^2 = (x + y)(x - y)$$

$$= 4 \times 2\sqrt{3}$$

$$= 8\sqrt{3}$$

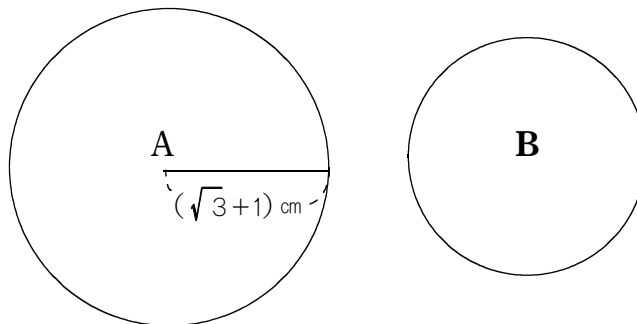
和と差の積の乗法公式を利用して、式を因数分解してから代入します。

$$8\sqrt{3}$$

(2) 大きさの異なる2つの円A、Bがあります。

Aの半径は $(\sqrt{3} + 1)$ cmで、Bの半径はAより2 cm短くなっています。このとき、Aの面積はBの面積よりも何 cm^2 大きいですか。

ただし、円周率は π とします。



円Aの半径を x cm、円Bの半径を y cm とすると

$$x = \sqrt{3} + 1$$

$$y = \sqrt{3} - 1$$

と表される。

円Aと円Bの面積の差は

$$\pi x^2 - \pi y^2 = \pi (x + y)(x - y)$$

$$= 2\sqrt{3} \times 2 \times \pi$$

$$= 4\sqrt{3} \pi$$

$$4\sqrt{3} \pi \text{ cm}^2$$

※次のページにも、問題があります。

2

次の問いに答えましょう。

- (1) 連続する3つの自然数のうち、中央の自然数を n とするとき、その連続する3つの自然数をそれぞれ n を用いた式で表しましょう。

具体的に「連続する3つの自然数」を書き出し、3つの数の関係を考えてみましょう。

連続する3つの自然数のうち、中央の数を n とすると、 n よりも小さい自然数は $n - 1$ 、大きい自然数は $n + 1$ となります。

$$n - 1, n, n + 1$$

- (2) 連続する3つの自然数について、もっとも小さい数ともっとも大きい数の積に1をたした数は、中央の数の2乗になります。下の空欄に式をかき、証明を完成させましょう。

<証明> 連続する3つの自然数は、自然数 n を使って、

$$n, n + 1, n + 2$$

と表される。このとき、もっとも小さい数ともっとも大きい数の積に1をたした数は、

$$\begin{aligned} & n \times (n + 2) + 1 \\ &= n^2 + 2n + 1 \\ &= (n + 1)^2 \end{aligned}$$

n は自然数であるから、もっとも小さい数ともっとも大きい数の積に1をたした数は、中央の数の2乗になる。